

排序 - 堆排序

作者: [fengwang](#)

原文链接: <https://ld246.com/article/1529658736349>

来源网站: [链滴](#)

许可协议: [署名-相同方式共享 4.0 国际 \(CC BY-SA 4.0\)](#)

本篇记录二叉堆的排序，以最大堆的排序为例。

几个概念

1. 完全二叉树：二叉堆是一个完全二叉树，所以可以用数组来定位任一节点的left和right。
2. left的定位： $node = tree[i], node.left = tree[2*i+1]$
3. right的定位： $node = tree[i], node.right = tree[2*i+2]$ 。
4. 最大堆：父节点总是大于左右子节点。 $node > \max(node.left, node.right)$
5. 堆排序和最大堆的关系：最大堆不保证整个堆是顺序的。只满足上述第3点的性质。堆排序反复每个点构建最大堆，最终实现了排序。
6. 最后一个非叶子： $tree[tree.length / 2 - 1]$

堆排序的步骤

1. 构建一个最大堆
2. 除去最大值，将余下的元素构建一个最大堆

详细步骤如下

1. 构建一个最大堆
2. 从最后一个非叶子节点到root，每个节点调整node，node.left,node.right，保证node是最大值。
3. 调整后的left，要保证 $left > (\left.left, \left.right).right$ 也是如此

```
public static void adjustHeap(int[] num, int start, int end)
{
    int temp = num[start];
    //i是start的left节点，2*i+1是i的left节点，一直向上检查
    for(int i=2*start+1; i<=end; i = 2*i+1)
    {
        //找左右儿子中的最小值
        if(i<end&&num[i+1]<num[i])
            i++;
        if(temp<=num[i])
            break;
        num[start] = num[i];
        start = i;
    }
    num[start] = temp;
}
//从最后一个叶子节点，开始调整。每个节点的调整范围从他自己到结束。
public static void heapSort(int[] a) {
    int i;
    for (i = a.length / 2 - 1; i >= 0; i--) { // 构建一个大顶堆
        adjustHeap(a, i, a.length - 1);
    }
}
}""
```

2. 堆排序

1. 交换最大值和最后一个元素
2. 调整前面n-1的元素，为最大。这时从大到小，是调整好的，主需要从root向下调整。

```
for (i = a.length - 1; i >= 0; i--) { // 将堆顶记录和当前未经排序子序列的最后一个记录交换  
  
    int temp = a[0];  
    a[0] = a[i];  
    a[i] = temp;  
    adjustHeap(a, 0, i - 1); // 将a中前i-1个记录重新调整为大顶堆  
}
```