



链滴

leetcode解题报告-数组

作者: [Zing](#)

原文链接: <https://ld246.com/article/1458304008661>

来源网站: [链滴](#)

许可协议: [署名-相同方式共享 4.0 国际 \(CC BY-SA 4.0\)](#)

leetcode中数组问题是占比重最大的问题。数组题目的特点是灵活多变，可考察的点非常多。主要涉及的考点有：递归回溯、排序、二分查找、动态规划、贪心、与图和树结合、与实际问题结合等等。而其中可以玩味可优化的时间和空间复杂度非常多。

以下是解题报告。

##1.Two Sum (数学)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个整数数组，要求找出数组中两数和为指定数字，返回这两个数的索引。 假定有且只有一个

。

- 思路:

这道题的关键在于如何快速找到taget-n的索引，直接扫肯定太慢，当然用哈希表最快。这道题的陷在于，注意同一个数不能用两次，需要判断索引是否相同。若同一个数出现多次，记录最后出现的索引即可，因为有上面那个判断，可以区分出这个一个数字出现多次的情况。

这种解法的时间复杂度为O(n)，遍历一次数组，循环中查哈希表复杂度为1。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} nums  
    # @param {integer} target  
    # @return {integer[]}  
    def twoSum(self, nums, target):  
        dic={}  
        for i,n in enumerate(nums):  
            dic[n]=i  
        for i,n in enumerate(nums):  
            if target-n in dic and dic[target-n]!=i:  
                return[i,dic[target-n]]
```

##15.3Sum (数学)

- 难度:Medium

- 题意:

给定一个整数数组，找出所有能使 $a+b+c=0$ 三元组。注意，元组中按正序排列，不允许重复元组出

。

思路1：3个数和为0，那么必有以下推断：有1个数字 ≤ 0 ,有1个数 ≥ 0 。因此，我采用以下解法。先数组排序 (nlogn) ,找到 ≤ 0 和 > 0 的分界点dis。第一个数字firstn遍历[0,dis),第二个数字secondn环遍历(firstn,len-1),然后在数组 (secondn,len-1) 中二分查找第三个数字。看似有2重循环+二分查，但是由于我们经过了大量的剪枝，所有实际上复杂度没有那么高。

- 代码:

```
class Solution:
```

```

# @param {integer[]} nums
# @return {integer[][]}
def threeSum(self, nums):
    #print(datetime.datetime.now())
    result = []
    if len(nums)<3:
        return result
    nums.append(1)
    nums.sort()
    dis = self.binarySearch(nums,0,len(nums)-1,1)
    nums.remove(1)
    for firstn in range(dis):
        for secondn in range(firstn+1,len(nums)-1):
            thirdn = self.binarySearch(nums,secondn+1,len(nums)-1,0-(nums[firstn]+nums[secondn]))
            if thirdn != -1:
                if [nums[firstn],nums[secondn],nums[thirdn]] not in result:
                    result.append([nums[firstn],nums[secondn],nums[thirdn]])
    return result

```

```

#binary search
def binarySearch(self,nums,i,j,n):
    if n<nums[i] or n>nums[j] or i>j:
        return -1
    mid = (i+j)//2
    if n == nums[mid]:
        return mid
    elif n < nums[mid]:
        return self.binarySearch(nums,i,mid-1,n)
    else:
        return self.binarySearch(nums,mid+1,j,n)

```

- 思路2：

这道题作为2sum的延伸，当然我们的第一想法应该是上面那么复杂（由于没有系统地训练，这两道时间间隔比较大）。联系2sum，我们可以很容易想到使用哈希表，这次哈希表记录的不是数字的索引，而是数字出现的次数，或者说数字可以使用的次数。第一个数字，我们遍历整个数组，同时把选中第一个数字的哈希值-1.第二个数字，遍历整个数组，需要满足哈希值>0，把选中的数字的哈希值-1.三个数字，查找哈希表中满足 $0-a-b$ 且哈希值>0的数字。这样复杂度可以降低到 (n^2) 。由于没有剪枝，所有两重循环是实打实的。

这里有个奇怪的问题，这份代码提交报了超时，但是超时的用例，使用leetcode的测试功能（最近加的新功能），却能正确得到结果，且时间平均在80ms，比思路1快了10倍。

- 代码：

```

class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @return {integer[][]}
    def threeSum(self, nums):
        dic={}
        result=[]
        for n in nums:
            if n not in dic:dic[n]=1

```

```

        else: dic[n]+=1
    for a in nums:
        dic[a]-=1
    for b in nums:
        if dic[b]>0:
            dic[b]-=1
            if 0-a-b in dic and dic[0-a-b]>0 and sorted([a,b,0-a-b]) not in result:
                result.append(sorted([a,b,0-a-b]))
            dic[b]+=1
        dic[a]+=1
    return result

```

##16.3Sum Closest (数学)

- 难度:Medium

- 题意:

给定一个整数数组，求 a, b, c 满足 $a+b+c$ 最接近target。假设有且仅有1个解。

- 思路:

这道题的思路就和3Sum比较接近了，遍历前2个数字，但是求第三个数字时，需要对二分查找进行修改，在查找不到时返回和该数最接近的数字。

- 代码:

```

class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @param {integer} target
    # @return {integer}
    def threeSumClosest(self, nums, target):
        sumClosest = 2**32-1
        nums.sort()
        for firstn in range(len(nums)-2):
            for secondn in range(firstn+1,len(nums)-1):
                thirdn = self.binarySearch(nums[secondn+1:],0,len(nums[secondn+1:])-1,target-(nums[firstn]+nums[secondn]))
                stmp = nums[firstn]+nums[secondn]+nums[secondn+1:][thirdn]
                if stmp == target:
                    return target
                else:
                    if abs(stmp-target)<abs(sumClosest-target):
                        sumClosest = stmp
        return sumClosest

#binary search
#if no such num return the nearest
def binarySearch(self,nums,i,j,n):
    if n<nums[i]:
        if i == 0:return i

```

```

else:
    if abs(nums[i]-n)<abs(nums[i-1]-n):return i
    else:return i-1
if n>nums[j]:
    if j==len(nums)-1:return j
    else:
        if abs(nums[j]-n)<abs(nums[j+1]-n):return j
        else:return j+1
if i>j:
    if abs(nums[i]-n)<abs(nums[j]-n):return i
    else:return j
mid = (i+j)//2
if n == nums[mid]:return mid
elif n < nums[mid]:
    return self.binarySearch(nums,i,mid-1,n)
else:
    return self.binarySearch(nums,mid+1,j,n)

```

##18.4Sum (数学)

- 难度:Medium
- 题意:

给定整数数组，求出所有 a,b,c,d ,满足 $a+b+c+d=target$ 。要求元组中升序排列，元组不重复。

• 思路：若按照2Sum和4Sum的思路，用3重循环遍历前3个数，再找到满足要求的第4个数，肯定是超时的（基本上在OJ中3重循环就肯定会超时了），而且剪枝几乎不可能实现，4个数可能出现的情况太多。

因此另寻出路：把4Sum变成2个2Sum问题。建立一个哈希表，用于记录 {两数之和:[索引a,索引b],...} ,记录索引有一个好处就是可以解决重复数字的问题。遍历a和b,在哈希表中查找 $target-a-b$ ，注意除1个数字使用多次的情况。把新的 $a+b$ ，加入哈希表中。如此这般时间复杂度仅有 $(n*n)$ 。

- 代码：

```

class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @param {integer} target
    # @return {integer[][]}
    def fourSum(self, nums, target):
        result = []
        sumdir = {}
        if len(nums)<4:
            return result
        nums.sort()
        for i in range(len(nums)-1):
            for j in range(i+1,len(nums)):
                sumlist = sumdir.get(target - (nums[i]+nums[j]))
                if sumlist:
                    for na,nb in sumlist:
                        if i not in(na,nb) and j not in(na,nb):
                            tmp = sorted([nums[i],nums[j],nums[na],nums[nb]])
                            if tmp not in result:

```

```
        result.append(tmp)
    if not sumdir.get(nums[i]+nums[j]):
        sumdir[nums[i]+nums[j]] = []
        sumdir[nums[i]+nums[j]].append([i,j])
return result
```

##39. Combination Sum (数学)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个候选数据集合C，和一个目标值T。从C找到所有不同的组合使和为T。每个数字可以无限制用多次。注：所有数字均非负，组合内按升序排列。结果不包含相同组合。

- 思路:

使用递归回溯就可以轻松解决这道题。回溯的时候记得恢复现场。这里突然想到，传递的时候并不需要传递整个数组，只需要传递开始的index，往后寻找就可以了，因为1, 2, 5和1, 5, 2是一样的，这还可以减少一样的结果。

- 代码:

```
class Solution:
    # @param {integer[]} candidates
    # @param {integer} target
    # @return {integer[][]}

    def combinationSum(self, candidates, target):
        self.result = []
        candidates.sort()
        self.choseEle(candidates,target,[])
        return self.result

    def choseEle(self, candidates, target, ele0):
        ele = ele0[:]
        for i in range(len(candidates)):
            s = sum(ele)+candidates[i]
            if s == target:
                ele.append(candidates[i])
                ele.sort()
                if ele not in self.result:
                    self.result.append(ele)

            elif s < target:
                ele.append(candidates[i])
                self.choseEle(candidates, target, ele)
                ele.pop()
            else:
                break
```

##40. Combination Sum II (数学)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个候选数据集合C，和一个目标值T。从C找到所有不同的组合使和为T。每个数字只能用一次
注：所有数字均非负，组合内按升序排列。结果不包含相同组合。

- 思路:

和39的思路一样，也是用递归回溯，由于每个函数只能用1次，因此把剩余可用的候选集也作为参数递。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} candidates  
    # @param {integer} target  
    # @return {integer[][]}  
  
    def combinationSum2(self, candidates, target):  
        self.result = []  
        candidates.sort()  
        self.choseEle(candidates,target,[])  
        return self.result  
  
    def choseEle(self, candidates0, target, ele0):  
        ele = ele0[:]  
        candidates = candidates0[:]  
  
        for i in range(len(candidates)):  
            s = sum(ele)+candidates[i]  
            if s == target:  
                ele.append(candidates[i])  
                ele.sort()  
                if ele not in self.result:  
                    self.result.append(ele)  
  
            elif s < target:  
                ele.append(candidates[i])  
                candidates.remove(candidates[i])  
                self.choseEle(candidates, target, ele)  
                candidates.insert(i,ele.pop())  
            else:  
                break
```

##216. Combination Sum III (数学)

- 难度: Medium

- 题意:

从1到9中选取k个数字使和为n，每个数字只能用一次。

- 思路：

和前几题差别不不大，递归回溯，限制递归深度必须为k。

- 代码：

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} candidates  
    # @param {integer} target  
    # @return {integer[][]}  
  
    def combinationSum3(self, k, n):  
        self.result = []  
        maxn = (9+10-k)*k/2  
        if n < maxn:  
            self.choseEle(list(range(1,10)),n,[],k)  
        elif n == maxn:  
            self.result.append(list(range(10-k,10)))  
        return self.result  
  
    def choseEle(self, candidates0, target, ele0, deep):  
        ele = ele0[:]  
        candidates = candidates0[:]  
        if deep <= 0:  
            return  
  
        for i in range(len(candidates)):  
            s = sum(ele)+candidates[i]  
            if s == target and deep == 1:  
                ele.append(candidates[i])  
                ele.sort()  
                if ele not in self.result:  
                    self.result.append(ele)  
            elif s < target:  
                ele.append(candidates[i])  
                candidates.remove(candidates[i])  
                self.choseEle(candidates, target, ele ,deep-1)  
                candidates.insert(i,ele.pop())  
            else:  
                break
```

##4. Median of Two Sorted Arrays (中位数)

- 难度： Hard

- 题意：

要求找到两个已经排序数组的中位数。要求时间复杂度不超过O (log (m+n))

- 思路：

先求出中位数的位置（注意奇和偶）x，由于两个数组已经正序，我们可以归并排序，直到找到第x个。所谓归并，就是比较两个数组第一个元素，取比较小那个。

- 代码：

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} nums1  
    # @param {integer[]} nums2  
    # @return {float}  
    def findMedianSortedArrays(self, nums1, nums2):  
        len1,len2 = len(nums1),len(nums2)  
        if not(len1 or len2):return 0.0  
        ln = rn = 0  
        if (len1+len2)%2 == 0:  
            lmid = (len1+len2)/2  
            rmid = lmid + 1  
        else:  
            lmid = rmid = (len1+len2+1)/2  
  
        i = j = 0  
        while True:  
            if j==len2 or (i < len1 and nums1[i] <= nums2[j]):  
                num,i = nums1[i],i+1  
            elif i == len1 or(j < len2 and nums2[j] <= nums1[i]):  
                num,j = nums2[j],j+1  
            if i+j == lmid:  
                ln = num  
            if i+j == rmid:  
                rn = num  
            return (ln+rn)/2.0
```

##11. Container With Most Water (实际问题)

难度： Medium

题意：

给定一个非负整数数组，每个数字代表一个坐标(i,ai)，每个点和对应的(i,0)，构成一条直线。任何两条直线和x轴构成1个容器，求可以盛最多水的容器能盛多少水。

思路：

这里需要先弄清楚题意，容器不一定是由相邻的直线构成，另外容器的容积是受到两侧的短板，以及两个直线的距离的影响。我们采用类似于贪心算法，先选取距离最长的两个板（第一个和最后一个），后每次去掉两个板中较短那个，选取下一个板。

代码：

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} height  
    # @return {integer}  
    def maxArea(self, height):  
        h,t,result = 0,len(height)-1,0  
        while h<t:  
            result = max(result,min(height[h],height[t])*(t-h))  
            if height[h]<height[t]:h+=1
```

```
    else:t-=1  
    return result
```

##42. Trapping Rain Water (实际问题)

- 难度: Hard

- 题意:

给定一个非负数组代表一张海拔地图，每个数字对应的横向宽度为1，求这个山脉能困住的水的总量

- 思路:

每次向右探索找到第一个比当前海拔高的第一个点，若没有比当前海拔高的则返回右侧最高的。然后算面积。跳到右侧的这个点。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} height  
    # @return {integer}  
    def trap(self, height):  
        i=result=0  
        while i<len(height):  
            if height[i] == 0:i += 1  
            else:  
                right,index = self.findRight(height,i)  
                if right:  
                    space = (index-i-1)*min(right,height[i])-sum(height[i+1:index])  
                    result += space  
                    i = index  
                else:  
                    return result  
        return result  
  
    def findRight(self,nums,i):  
        if len(nums)-i <=1:return 0,0  
        ##return the first whilch bigger than nums[i]  
        for index in range(i+1,len(nums)):  
            if nums[index]>nums[i]:  
                return nums[index],index  
        ##no num bigger than nums[i],return the biggest  
        max_right = max(nums[i+1:])  
        return max_right,nums[i+1:].index(max_right)+i+1
```

##84. Largest Rectangle in Histogram (实际问题)

- 难度: Hard

- 题意:

给定n个非负数代表n个宽度为1的直方图的高，找到直方图中最大的矩形面积。

- 思路:

用栈记录下标，若高度是递增的，则持续入栈，直到当前高度小于栈顶，持续出栈结算计算面积，直至高于栈顶再次入栈。仔细思考这个过程，很值得玩味。

- 代码：

```
class Solution(object):
    def largestRectangleArea(self, height):
        """
        :type height: List[int]
        :rtype: int
        """
        stack = []
        height.append(0)
        i = largest = 0
        while i < len(height):
            if len(stack) == 0 or height[i] > height[stack[-1]]:
                stack.append(i)
                i += 1
            else:
                tmp = stack.pop(-1)
                largest = max(largest, height[tmp] * (i if len(stack) == 0 else i - stack[-1] - 1))
        return largest
```

##26. Remove Duplicates from Sorted Array (删除)

- 难度：Easy

- 题意：

给定一个数组，要求就地删除重复的数组，使每个元素只出现1次，返回处理后的数组长度。不允许申请新的空间。

- 思路：

常规思路，遍历数组，若当前数跟前一个数相同则删除，否则长度+1。也可以用滑动窗口法，探索重的元素，然后一次性跳过。

- 代码：

```
class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @return {integer}
    def removeDuplicates(self, nums):
        if not nums:
            return 0
        lenth = i = 1
        while i < len(nums):
            if nums[i-1] != nums[i]:
                lenth += 1
                i += 1
            else:
                nums.remove(nums[i])
        return lenth
```

##80. Remove Duplicates from Sorted Array II (删除)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个数组，要求去除数组中重复超过2次的数字。返回新数组的的长度。不管长度后面是什么

- 思路:

题目中不管超过长度后面是什么其实已经很明显地提醒了我们，我们只需要把超过2次的交换到数组部就可以了。但是这里我的实现不是基于这个。更加简单地用一个dic记录每个数字出现次数，超过2直接remove。这样实现起来简单易懂，但是效率会低一些。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} nums  
    # @return {integer}  
    def removeDuplicates(self, nums):  
        dic = {}  
        length=i= 0  
        while i < len(nums):  
            n = nums[i]  
            if not dic.get(n):  
                dic[n] = 0  
            dic[n] += 1  
            if dic.get(n)>2:  
                nums.remove(n)  
            else:  
                i += 1  
            length += 1  
        return length
```

##27. Remove Element (删除)

- 难度: Easy

- 题意:

给定一个数组和一个值，就地删除数组中所有等于这个值的元素，返回新的数组长度。数组中元素的序可以改变。

- 思路:

题目已经暴露了思路，维护两个下标i,j分别表示i左侧均不等于value, j右侧均等于value, i右侧到j是探索区域。就是当nums[i]值等于value时，和nums[j]交换位置。有点类似于快排的思想。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} nums  
    # @param {integer} val  
    # @return {integer}  
    def removeElement(self, nums, val):  
        if not nums: return 0
```

```
lenth,i,j= len(nums),0,len(nums)-1
while i <= j:
    if nums[i] == val:
        nums[i],nums[j] = nums[j],nums[i]
        j -= 1
        lenth -=1
    else:
        i += 1
return lenth
```

##31. Next Permutation (排序)

- 难度: Medium

- 题意:

实现Next Permutation方法，重新排列数组，使数组的下一排列的字典序比当前数组大“1”。如果前数组字典序最大，则变化为最小。要求转换是就地的。

- 思路:

这道题干想很难想出答案，需要动手写几个例子，然后从其中找到规律：从后往前找到第一个小于后数的数的下标记为begin，再从后往前找到第一个比begin对应数字大的数的下标记为end。然后翻转begin到end之间的数字。

- 代码:

```
class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @return {void} Do not return anything, modify nums in-place instead.
    def nextPermutation(self, nums):
        if nums and len(nums)!=1:
            begin=-1
            for i in range(len(nums)-1,0,-1):
                if nums[i-1]<nums[i]:
                    begin = i-1
                    break
            if begin == -1:
                nums.sort()
            else:
                for i in range(len(nums)-1,begin,-1):
                    if nums[i]>nums[begin]:
                        end = i
                        break
                nums[begin],nums[end] = nums[end],nums[begin]
                begin,end = begin+1,len(nums)-1
                while begin<=end:
                    nums[begin],nums[end] = nums[end],nums[begin]
                    begin+=1
                    end-=1
```

##33. Search in Rotated Sorted Array (旋转数组)

- 难度: Hard

- 题意:

一个正序数组，可能从以某个节点进行翻转（123456可能变成456123），假定数组中不存在重复数字
给定一个值，求其index。

- 思路:

找到异常点i，`nums[0:i]`和`nums[i:len]`都是递增的，这样便可确定value落在哪个范围内，然后进行分查找即可

- 代码:

```
class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @param {integer} target
    # @return {integer}
    def search(self, nums, target):
        flag = -1
        for i in range(len(nums)-1):
            if nums[i]>nums[i+1]:
                flag = i
                break

        if flag == -1:
            return self.binarySearch(nums,0,len(nums)-1,target)
        else:
            if target == nums[0]: return 0
            elif nums[0]<target<nums[flag]:
                return self.binarySearch(nums,0+1,flag-1,target)
            elif target == nums[flag]:return flag
            else:
                return self.binarySearch(nums,flag+1,len(nums)-1,target)

    #binary search
    def binarySearch(self,nums,i,j,n):
        if n<nums[i] or n>nums[j] or i>j:
            return -1
        mid = (i+j)//2
        if n == nums[mid]:
            return mid
        elif n < nums[mid]:
            return self.binarySearch(nums,i,mid-1,n)
        else:
            return self.binarySearch(nums,mid+1,j,n)
```

- 思路2:

思路1其实把问题退化了，有点儿取巧。我们也可以直接进行二分查找，只不过在判断target在左空还是右空间的时候，情况复杂了一点儿，需要先判断mid在旋转数组的哪个位置。

- 代码2:

```
class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @param {integer} target
```

```

# @return {integer}
def search(self, nums, target):
    low,high = 0,len(nums)-1
    while low<=high:
        mid = (low+high)//2
        if nums[mid]==target:return mid
        #在旋转点的左侧
        if nums[mid]>nums[low]:
            if nums[low]<=target<=nums[mid]:
                high = mid-1
            else:
                low = mid+1
        #在旋转点右侧
        elif nums[mid]<nums[low]:
            if nums[mid]<=target<=nums[high]:
                low = mid+1
            else:
                high = mid-1
        else:low+=1
    return -1

```

##81. Search in Rotated Sorted Array II (旋转数组)

- 难度: Medium

- 题意:

一个正序数组，可能从以某个节点进行翻转（123456可能变成456123），假定数组中可能存在重复数，给定一个值，求其index。

- 思路:

33题两种思路均可以处理重复问题。

- 代码:

```

class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @param {integer} target
    # @return {integer}
    def search(self, nums, target):
        flag = -1
        for i in range(len(nums)-1):
            if nums[i]>nums[i+1]:
                flag = i
                break

        if flag == -1:
            return self.binarySearch(nums,0,len(nums)-1,target)
        else:
            if target == nums[0]: return True
            elif nums[0]<target<nums[flag]:
                return self.binarySearch(nums,0+1,flag-1,target)
            elif target == nums[flag]:return True

```

```
else:  
    return self.binarySearch(nums,flag+1,len(nums)-1,target)  
  
#binary search  
def binarySearch(self,nums,i,j,n):  
    if n<nums[i] or n>nums[j] or i>j:  
        return False  
    mid = (i+j)//2  
    if n == nums[mid]:  
        return True  
    elif n < nums[mid]:  
        return self.binarySearch(nums,i,mid-1,n)  
    else:  
        return self.binarySearch(nums,mid+1,j,n)
```

##153. Find Minimum in Rotated Sorted Array (旋转数组)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个从某个点旋转的正序数组，找到其中的最小元素。数组中不存在重复数字。

- 思路:

非递增点出现的地方为最小元素。虽然找非递增点一定程度减少了复杂度，但是平均下来也是O(n)。道题考察的目的是直接对数组进行二分查找。其实只要画图相信一下就会发现，二分可能出现的情况具体分析我在代码注释中给出。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} nums  
    # @return {integer}  
    def findMin(self, nums):  
        low,hight=0,len(nums)-1  
        while low<=hight:  
            ##最后指向同一个元素，或指向一个正序区间  
            if nums[low]<=nums[hight]:  
                return nums[low]  
            else:  
                mid=(low+hight)//2  
                ##旋转点在mid右侧  
                if nums[mid]>=nums[low]:  
                    low=mid+1  
                ##旋转点恰好是mid或在mid左侧  
                else:  
                    if nums[mid]<nums[mid-1]:  
                        return nums[mid]  
                    hight=mid-1
```

##154. Find Minimum in Rotated Sorted Array II (旋转数组)

- 难度: Hard

- 题意:

给定一个从某个点旋转的正序数组，找到其中的最小元素。数组中可能存在重复数字。

- 思路:

这道题情况就要比不重复的复杂得多。

- 若 $\text{nums}[\text{mid}] < \text{nums}[\text{high}]$: 旋转点在mid左侧
- 若 $\text{nums}[\text{mid}] > \text{nums}[\text{high}]$: 旋转点在mid右侧
- 若 $\text{nums}[\text{mid}] == \text{nums}[\text{high}]$: 无法判断在哪一侧，只能两侧递归二分查找

但是最坏情况（都是重复数字）时间复杂度也是 $O(n)$ ，所以我选择线性探索。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} nums  
    # @return {integer}  
    def findMin(self, nums):  
        if not nums: return  
        for i in range(len(nums)-1):  
            if nums[i] > nums[i+1]:  
                return nums[i+1]  
        return nums[0]
```

##189. Rotate Array (旋转数组)

- 难度: Easy

- 题意:

对一个有 n 个元素的数组从右边第 k 个元素开始旋转。

- 思路:

比较简单，拆分成两个数组再组合。或者循环从最后弹出再插入到最前。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} nums  
    # @param {integer} k  
    # @return {void} Do not return anything, modify nums in-place instead.  
    def rotate(self, nums, k):  
        for i in range(k):  
            nums.insert(0,nums.pop(-1))
```

##34. Search for a Range (查找)

- 难度: Medium

- 题意：

给定一个正序数组和值v，求v的起始和结束index。要求时间复杂度在O(logn)内。

- 思路：

这个时间复杂度用二分查找正好，先用二分查找找到value的位置，然后分别向左和向右查找value（是使用二分）直到找不到为止。

- 代码：

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} nums  
    # @param {integer} target  
    # @return {integer[]}  
    def searchRange(self, nums, target):  
        if not nums: return [-1,-1]  
        begin = end = -1  
        flag = self.binarySearch(nums,0,len(nums)-1,target)  
        i = flag  
        while i != -1:  
            begin = i  
            i = self.binarySearch(nums,0,i-1,target)  
        i = flag  
        while i != -1:  
            end = i  
            i = self.binarySearch(nums,i+1,len(nums)-1,target)  
        return [begin,end]
```

```
#binary search  
def binarySearch(self,nums,i,j,n):  
    if i>j or n<nums[i] or n>nums[j]:  
        return -1  
    mid = (i+j)//2  
    if n == nums[mid]:  
        return mid  
    elif n < nums[mid]:  
        return self.binarySearch(nums,i,mid-1,n)  
    else:  
        return self.binarySearch(nums,mid+1,j,n)
```

##35. Search Insert Position (查找)

- 难度： Medium

- 题意：

给一个正序数组和目标value，如果目标值存在数组中，返回其索引，否则，返回一个插入点，使插后依然正序。假定数组中没有重复的值。

- 思路：

这道题是二分查找的升级版本，稍微改动一下返回即可。若找到返回index，若没有找到，返回小于value的最大值的index

- 代码：

```

class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @param {integer} target
    # @return {integer}
    def searchInsert(self, nums, target):
        return self.binarySearch(nums,0,len(nums)-1,target)

#binary search
def binarySearch(self,nums,i,j,n):
    if i > j: return i
    if n < nums[i]: return i
    if n > nums[j]: return j+1
    mid = (i+j)//2
    if n == nums[mid]:
        return mid
    elif n < nums[mid]:
        return self.binarySearch(nums,i,mid-1,n)
    else:
        return self.binarySearch(nums,mid+1,j,n)

```

##41. First Missing Positive (查找)

- 难度： Hard

- 题意：

给定一个未排序数组，求第一个丢失的正整数。要求时间复杂度为O (n) ， 空间复杂度为O (1)

- 思路：

这道题的难度在于时间和空间复杂度的限制，不能排序，不能使用额外的空间。但是我们有更好的办法，遍历数组把数字交换到其对应的位置 (value-1) ,最后遍历一遍就可以发现缺失的数字。

- 代码：

```

class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @return {integer}
    def firstMissingPositive(self, nums):
        if not nums: return 1
        index = 0
        while index < len(nums):
            if nums[index] > 0 and nums[index]-1 != index and nums[index]-1 < len(nums) and nums[index] != nums[nums[index]-1]:
                indexb = nums[index]-1
                nums[index],nums[indexb] = nums[indexb], nums[index]
            else:
                index += 1
        for i in range(len(nums)):
            if i+1 != nums[i]:
                return i+1

```

```
return len(nums)+1
```

##55. Jump Game (贪心)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一组非负数，最开始处于数组的开始位置，每个数字代表从该位置出发你可以跳跃的最远距离，问是否能到达最后一个索引。

- 思路:

贪心算法，我们并不需要知道确切的跳跃路径，我们只需要知道能不能跳到这里就可以了。遍历数组同时记录能到达的最远索引，若当前索引大于最远索引，则意味着不可能到达该未知，因此更不可能到最后一个索引。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} nums  
    # @return {boolean}  
    def canJump(self, nums):  
        if not nums: return False  
        maxstep = 0  
        for i,n in enumerate(nums):  
            if i > maxstep: return False  
            maxstep = max(maxstep,i+n)  
        return True
```

##45. Jump Game II (贪心)

- 难度: Hard

- 题意:

给定一组非负数，最开始处于数组的开始位置，每个数字代表从该位置出发你可以跳跃的最远距离，问到达最后一个索引的最少跳跃次数。

- 思路:

同样的也是贪心算法，这道题让你以为要求出确切的路径（当然用dp是可以求的），然而并不需要。们只知道每次要跳跃就跳到最远，然后进入下一个区间再跳到最远即可。因此使用maxPos记录能达的最远索引，用rightPost记录当前这次跳跃能到达最右侧索引，若*i*>rightPost，表明需要再次跳跃跳跃到maxPos，step+1。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} nums  
    # @return {integer}  
    def jump(self, nums):  
        step = maxPos = rightPos = 0  
        for i,n in enumerate(nums):
```

```
if i>rightPos:  
    step,rightPos = step+1,maxPos  
maxPos = max(maxPos,i+n)  
return step
```

##48. Rotate Image (矩阵)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个 $n \times n$ 矩阵，将矩阵顺时针旋转90度，最好能就地解决。

- 思路:

这道题处理好 (i,j) 和旋转后 (i,j) 的映射关系就可以了。我没有就地解决。。。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[][]} matrix  
    # @return {void} Do not return anything, modify matrix in-place instead.  
    def rotate(self, matrix):  
        tmp = [[matrix[i][j] for i in range(len(matrix)-1,-1,-1)] for j in range(len(matrix))]  
        for i in range(len(matrix)):  
            matrix[i]=tmp[i]
```

##54. Spiral Matrix (矩阵)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个 $m \times n$ 矩阵 (m 行, n 列)，以螺旋顺序返回所有元素

- 思路:

结合矩阵旋转那道题，我们可以比较快想到，每次从左到右读第一行，然后去掉第一行再逆时针旋转9度。如此循环。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[][]} matrix  
    # @return {integer[]}  
    def spiralOrder(self, matrix):  
        result = []  
        while matrix:  
            for i in range(len(matrix[0])):  
                result.append(matrix[0][i])  
            matrix = matrix[1:]  
            matrix = self.rotate(matrix)  
        return result
```

```
def rotate(self, matrix):
    if not matrix: return
    tmp = [[matrix[i][j] for i in range(len(matrix))] for j in range(len(matrix[0])-1,-1,-1)]
    return tmp
```

##59. Spiral Matrix II (矩阵)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个正整数，产生一个矩阵将1到n^2以螺旋形式填充其中。

- 思路:

这道题敲好是54的逆过程（洋葱剥皮和重新包皮）。我们使用两个矩阵result是最终的结果。matrix录横纵坐标。每次区matrix第一行的坐标，按顺序往result对应的坐标内填入数字。然后去掉matrix一行，再逆时针旋转90度。如此循环。

- 代码:

```
class Solution:
    # @param {integer} n
    # @return {integer[][]}
    def generateMatrix(self, n):
        result= [[0 for i in range(n)] for j in range(n)]
        matrix= [[(i,j) for j in range(n)] for i in range(n)]
        count = 1
        while matrix:
            for i in range(len(matrix[0])):
                result[matrix[0][i][0]][matrix[0][i][1]]=count
                count += 1
            matrix = matrix[1:]
            matrix =self.rotate(matrix)
        return result

    def rotate(self, matrix):
        if not matrix: return
        tmp = [[matrix[i][j] for i in range(len(matrix))] for j in range(len(matrix[0])-1,-1,-1)]
        return tmp
```

##53. Maximum Subarray (子数组)

- 难度: Medium

- 题意:

从给定数组中找到和最大的联系子数组（至少包含1个数字）

- 思路:

典型的动态规划题目。我们定义dp[i]=s，表示以i为子数组结尾的子数组最大和为s。着有以下关系：

- 若dp[i-1]>0，则在此基础上加上nums[i]:dp[i]=dp[i-1]+nums[i]

- 若 $dp[i-1] \leq 0$, 则另立门户, 从 $nums[i]$ 开始: $dp[i] = nums[i]$

- 代码:

```
class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @return {integer}
    def maxSubArray(self, nums):
        if not nums: return 0
        result = [nums[0]]
        for i in range(1,len(nums)):
            result.append(nums[i] if result[i-1] <= 0 else result[i-1]+nums[i])
        return max(result)
```

##56. Merge Intervals (间隔)

- 难度: Hard

- 题意:

给一组间隔, 合并所有重叠的间隔

- 思路:

典型间隔问题。使用一个列表results存储不重叠的间隔。循环从原间隔中取出间隔, 和results中的间隔比较, 若存在重叠, 将重叠取出合并, 再循环对比, 直到不存在重叠, 将间隔放入results中。

- 代码:

```
# Definition for an interval.
# class Interval:
#     def __init__(self, s=0, e=0):
#         self.start = s
#         self.end = e

class Solution:
    # @param {Interval[]} intervals
    # @return {Interval[]}
    def merge(self, intervals):
        results = []
        for interval in intervals:
            flag = True
            while flag:
                flag = False
                for result in results:
                    if (interval.end - interval.start) + (result.end - result.start) >= max(interval.end, result.end) - min(interval.start, result.start):
                        results.remove(result)
                        interval.start = min(interval.start, result.start)
                        interval.end = max(interval.end, result.end)
                        flag = True
                break
            results.append(interval)
```

return results

##57. Insert Interval (间隔)

- 难度: Hard

- 题意:

给定一个间隔列表，间隔不重叠，以间隔开始位置正序，给定一个新的间隔，插入到该列表中，若有要合并间隔使间隔不重合。

- 题意:

和56思路一致，循环比较，若存在重叠将重叠的间隔拿出与插入间隔合并，再次循环比较直到不存在叠为止。需要注意插入后，可能导致间隔排序乱掉。

- 代码:

```
# Definition for an interval.
# class Interval:
#     def __init__(self, s=0, e=0):
#         self.start = s
#         self.end = e

class Solution:
    # @param {Interval[]} intervals
    # @param {Interval} newInterval
    # @return {Interval[]}
    def insert(self, intervals, newInterval):
        flag = True
        while flag:
            flag = False
            for interval in intervals:
                if (newInterval.end-newInterval.start)+(interval.end-interval.start)>=max(newInterval.end,interval.end)-min(newInterval.start,interval.start):
                    intervals.remove(interval)
                    newInterval.start = min(newInterval.start,interval.start)
                    newInterval.end = max(newInterval.end,interval.end)
                    flag = True
                    break
            intervals.append(newInterval)
            intervals.sort(key= lambda x:x.start)
        return intervals
```

##62. Unique Paths (非降路径)

- 难度: Medium

- 题意:

一个机器人位于 $m \times n$ 表格的左上角，机器人每次只能向右或者向下移动一格，机器人尝试达到表格的下角。求问有多少不同的路径？

- 思路：

非降路径数学题。答案是： $C((m+n-2),(m-1))$ 。当然也可以使用动态规划，下一题我们再展示非降路的动态规划。

- 代码：

```
class Solution:  
    # @param {integer} m  
    # @param {integer} n  
    # @return {integer}  
    def uniquePaths(self, m, n):  
        a = b = 1  
        for i in range(n,m+n-1):  
            a *= i  
        for i in range(1,m):  
            b *= i  
        return a/b
```

##63. Unique Paths II (非降路径)

- 难度： Medium

- 题意：

一个机器人位于 $m \times n$ 表格的左上角，机器人每次只能向右或者向下移动一格，机器人尝试达到表格的下角。但是路径上有一些节点是不允许通过的，我们使用0表示能通过，1表示不能通过，求问有多少同的路径？

- 思路：

使用动态规划，我们定义 $dp[i][j]$ 表示到达 (i,j) 的路径数量。由于只能向右或者向下移动，因此 $dp[i][j] = dp[i-1][j] + dp[i][j-1]$

- 代码：

```
class Solution:  
    # @param {integer[][]} obstacleGrid  
    # @return {integer}  
    def uniquePathsWithObstacles(self, obstacleGrid):  
        result = [[0 for j in range(len(obstacleGrid[0]))] for i in range(len(obstacleGrid))]  
        for i, row in enumerate(obstacleGrid):  
            for j, n in enumerate(row):  
                if n==1:  
                    if i==0 and j==0:  
                        return 0  
                    else:  
                        result[i][j] = 0  
                else:  
                    if i==0 and j==0:  
                        result[i][j] = 1  
                    elif i==0:  
                        result[i][j] = result[i][j-1]  
                    elif j==0:
```

```
    result[i][j] = result[i-1][j]
else:
    result[i][j] = result[i-1][j]+result[i][j-1]
return result[-1][-1]
```

##64. Minimum Path Sum (非降路径)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个 $m \times n$ 的表格，每个格填非负整数，找到从左上角到右下角路径中数字和最小的路径。每次只向下或向右移动一格。

- 思路:

还是dp，跟62、63思路一致。

- 代码:

```
class Solution:
    # @param {integer[][]} grid
    # @return {integer}
    def minPathSum(self, grid):
        m,n=len(grid),len(grid[0])
        result = [[grid[i][j] for j in range(n)] for i in range(m)]
        for i in range(m):
            for j in range(n):
                if i==0 and j==0:
                    result[i][j] = grid[i][j]
                elif j==0:
                    result[i][j] += result[i-1][j]
                elif i == 0:
                    result[i][j] += result[i][j-1]
                else:
                    result[i][j] += min(result[i-1][j],result[i][j-1])
        return result[-1][-1]
```

##66. Plus One (数学)

- 难度: Easy

- 题意:

给定一个用数组表示的非负整数，高位在左。求这个数字加1后的值，同样也是使用数组表示。

- 难度:

从后往前遍历，记录进位，若最高位有进位需要在最前面插入。

- 代码:

```
class Solution:
    # @param {integer[]} digits
```

```

# @return {integer[]}
def plusOne(self, digits):
    if not digits: return digits
    c,digits[-1] = 0,digits[-1]+1
    for i in range(len(digits)-1,-1,-1):
        digits[i] += c
        if digits[i] == 10:
            digits[i],c = 0,1
        else:
            c = 0
            break
    if c == 1:
        d = [1]
        d.extend(digits)
        digits = d
    return digits

```

##73. Set Matrix Zeroes (矩阵)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个 $m \times n$ 矩阵，如果某个位置元素为0，则设置整行和整列为0，要求原地解决。

- 思路:

这道题的难度在于，若你检查到0就去设置行和列的话，后面遍历的时候就无法判断出现的0是原来是后置的。但是当发现0的时候只需要把第0行对应列号的位置设为0，把第0列对应行号的位置设置为0就可以了。但是这样还有一个问题，若第0行或第0列原来就出现0呢？我们再用两个变量记录就可以了。

- 代码:

```

class Solution:
    # @param {integer[][]} matrix
    # @return {void} Do not return anything, modify matrix in-place instead.
    def setZeroes(self, matrix):
        row0 = col0 = False
        for i in range(len(matrix)):
            for j in range(len(matrix[0])):
                if matrix[i][j] == 0:
                    if i == 0:
                        row0 = True
                    if j == 0:
                        col0 = True
                    matrix[i][0] = 0
                    matrix[0][j] = 0
        for i in range(1,len(matrix)):
            if matrix[i][0] == 0:
                for j in range(1,len(matrix[0])):
                    matrix[i][j] = 0
        for j in range(1,len(matrix[0])):
            if matrix[0][j] == 0:

```

```

    for i in range(1,len(matrix)):
        matrix[i][j] = 0
if row0:
    for j in range(1,len(matrix[0])):
        matrix[0][j] = 0
if cel0:
    for i in range(1,len(matrix)):
        matrix[i][0] = 0

```

##74. Search a 2D Matrix (查找)

- 难度: Medium

- 题意:

写一个在 $m \times n$ 二维数组中高效查找的算法。这个二维矩阵有如下规律：

- 每一行都是正序的
- 每一个行的第一个数字也是正序的

- 思路:

先用二分查找确定行，注意这里的二分查找是要返回 $\leq value$ 的最大值。再用二分查找在行中搜索。

- 代码:

```

class Solution:
    # @param {integer[][]} matrix
    # @param {integer} target
    # @return {boolean}
    def searchMatrix(self, matrix, target):
        row = self.binaryRows(matrix,0,len(matrix)-1,target)
        if not row:
            return False
        else:
            return self.binaryInRow(row,0,len(row)-1,target)

    # find out which row may be fit
    # return a[i] which a[i][0] <= target and a[i+1][0] > target
    def binaryRows(self,matrix,i,j,target):
        if not matrix or matrix[i][0] > target or i > j:
            return None
        mid = (i+j)//2
        if matrix[mid][0] == target:
            return matrix[mid]
        elif matrix[mid][0] < target:
            if mid+1 < len(matrix):
                if matrix[mid+1][0] > target:
                    return matrix[mid]
                else:
                    return self.binaryRows(matrix,mid+1,j,target)
            else:
                return matrix[mid]
        else:
            return None

```

```

        elif matrix[mid][0] > target:
            return self.binaryRows(matrix,i,mid-1,target)

def binaryInRow(self,row,i,j,target):
    if not row or row[i]>target or row[j]<target or i>j:
        return False
    mid = (i+j)//2
    if row[mid] == target:
        return True
    elif row[mid] < target:
        return self.binaryInRow(row,mid+1,j,target)
    else:
        return self.binaryInRow(row,i,mid-1,target)

```

##75. Sort Colors (排列)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个数组，有n各元素被涂颜色：红、白、蓝，对他们进行排序时相同的颜色是相邻的，且颜色顺序是红、白、蓝。现在我们使用0、1、2代表红、白、蓝。不允许使用内置库中的排序方法解决这问题。

- 思路:

有多少种排序方法，这道题就有多少种解法。然而，切合这道题，有几种比较方便的解放，如计数法。这里我采用了一种类似插入排序的方法。由于只有3种颜色，我维护i,j,k把数组切分成0, 1, 2及未知4部分。遍历的时候插入到对应的位置即可。

- 代码:

```

class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @return {void} Do not return anything, modify nums in-place instead.
    def sortColors(self, nums):
        if not nums or len(nums)<2:return
        i,j,k = -1,-1,0
        while k<len(nums):
            if nums[k] == 0:
                i,j = i+1,j+1
                if i!=j:
                    nums[k],nums[i],nums[j] = nums[j],nums[k],nums[i]
                else:
                    nums[k],nums[i] = nums[i],nums[k]
            elif nums[k] == 1:
                j+=1
                nums[j],nums[k] = nums[k],nums[j]
            k+=1

```

##78. Subsets (子集)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个集合包含不一样的数字，求所有可能的子集。要求子集中数字是正序的，且子集之间必须不同。

- 思路:

使用递归就可以了。和求和的思路是一样的。对这类题，我总是把剩下的集合传递过去，其实完全没必要，只需要传递过去当前选取数字的index即可，有右遍历。这样还能避免相同的子集出现。

- 代码:

```
class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @return {integer[][]}
    def subsets(self, nums):
        self.result = []
        nums.sort()
        self.reduce(nums,[])
        return self.result

    def reduce(self,nums0,ele0):
        nums = nums0[:]
        ele = ele0[:]
        if ele:
            self.result.append(ele)
        for i,n in enumerate(nums):
            ele.append(nums.pop(i))
            self.reduce(nums[i:],ele)
            nums.insert(i,n)
            ele.pop(-1)
```

##90. Subsets II (子集)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个数组代表的一个集合，可能包含重复数字，返回所有可能的子集。

- 思路:

和上一题的思路一模一样，同样是递归回溯就可以解决了。

- 代码:

```
class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @return {integer[][]}
    def subsetsWithDup(self, nums):
        self.result = []
        self.dic = {}
        nums.sort()
        self.reduce(nums,[])
```

```

        return self.result

def reduce(self,nums0,ele0):
    nums = nums0[:]
    ele = ele0[:]
    if not self.dic.get(str(ele)):
        self.dic[str(ele)] = 1
        self.result.append(ele)
    for i,n in enumerate(nums):
        ele.append(nums.pop(i))
        self.reduce(nums[i:],ele)
        nums.insert(i,n)
        ele.pop(-1)

```

##79. Word Search (矩阵)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个填满字母矩阵，求问单词是否存在矩阵中。相邻的字母可以构成单词，相邻包括上下左右，同的位置只能使用1次。

- 思路:

使用递归，使用过的位置用特殊符号标记。

- 代码:

```

class Solution:
    # @param {character[][]} board
    # @param {string} word
    # @return {boolean}
    def exist(self, board, word):
        board = [list(board[i]) for i in range(len(board))]
        if self.reduce(board,word,-1,-1):
            return True
        else:
            return False

    def reduce(self,board,word,i,j):
        if not word:
            return True
        candidate = self.search(board,word[0],i,j)
        for i,j in candidate:
            board[i][j] = '!'
            if self.reduce(board,word[1:],i,j):
                return True
            board[i][j] = word[0]

    def search(self,board,char,i,j):
        result = []
        if i==j===-1:
            ##first search

```

```

for i in range(len(board)):
    for j in range(len(board[0])):
        if board[i][j] == char:
            result.append((i,j))
else:
    if i-1>=0 and board[i-1][j] == char:
        result.append((i-1,j))
    if j-1>=0 and board[i][j-1] == char:
        result.append((i,j-1))
    if i+1<=len(board)-1 and board[i+1][j] == char:
        result.append((i+1,j))
    if j+1<=len(board[0])-1 and board[i][j+1] == char:
        result.append((i,j+1))
return result

```

##212. Word Search II (字典树)

- 难度: Hard

- 题意:

题意完全和79一致，不过输入是一组字符串，要求输出存在的字符串。

- 思路:

这道题和79最大的区别在于，若输入规模很大，则会有很多重复的递归操作。完全没有考虑到输入之可以能存在关系。因此我们应该对输入单词建立字典树，是字典树进行dfs，使用字母矩阵对字典树行剪枝。

- 代码:

```

class TrieNode:
    def __init__(self):
        self.childs = dict()
        self.isWord = False

class Trie:
    def __init__(self):
        self.root = TrieNode()

    def insert(self, word):
        node = self.root
        for letter in word:
            child = node.childs.get(letter)
            if not child:
                child = TrieNode()
                node.childs[letter] = child
            node = child
        node.isWord = True

    def delete(self, word):
        node = self.root
        queue = []
        for letter in word:

```

```

queue.append((letter, node))
child = node.childs.get(letter)
if not child:
    return False
node = child
if not node.isWord:
    return False
if len(node.childs):
    node.isWord = False
else:
    for letter, node in queue[::-1]:
        del node.childs[letter]
        if len(node.childs) or node.isWord:
            break
return True

```

```

class Solution:
    # @param {character[][]} board
    # @param {string[]} words
    # @return {string[]}
    def findWords(self, board, words):
        w, h = len(board[0]), len(board)
        trie = Trie()
        for word in words:
            trie.insert(word)

        visited = [[False for j in range(w)] for i in range(h)]
        dz = zip([1, 0, -1, 0], [0, 1, 0, -1])
        ans = []

        def dfs(word, node, x, y):
            node = node.childs.get(board[x][y])
            if node is None:
                return
            visited[x][y] = True
            for z in dz:
                nx, ny = x + z[0], y + z[1]
                if nx >= 0 and nx < h and ny >= 0 and ny < w and not visited[nx][ny]:
                    dfs(word + board[nx][ny], node, nx, ny)
            if node.isWord:
                ans.append(word)
                trie.delete(word)
                visited[x][y] = False

        for x in range(h):
            for y in range(w):
                dfs(board[x][y], trie.root, x, y)

        return sorted(ans)

```

##88. Merge Sorted Array (排序)

- 难度: Easy

- 题意:

给定两个正序数组num1和num2，将num2合并到num1中，并排序。

- 思路:

在num1中找num2中各个数字的插入点。

- 代码:

```
class Solution:
    # @param {integer[]} nums1
    # @param {integer} m
    # @param {integer[]} nums2
    # @param {integer} n
    # @return {void} Do not return anything, modify nums1 in-place instead.
    def merge(self, nums1, m, nums2, n):
        while m<len(nums1):
            nums1.pop(-1)
        i = j = 0
        while i<m and j<n:
            if nums2[j]<=nums1[i]:
                nums1.insert(i,nums2[j])
                i,j,m = i+1,j+1,m+1
            else:
                i += 1
        nums1.extend(nums2[j:n])
```

##105. Construct Binary Tree from Preorder and Inorder Traversal (树)

- 难度: Medium

- 题意:

给定二叉树的先根遍历和中根遍历数组，要求建立起该二叉树。

- 思路:

先根遍历（根左右）、中跟遍历（左根右）。因此可以利用根的位置，把中跟遍历切割成左和右两个分，然后递归建立左子树和右子树。

- 代码:

```
# Definition for a binary tree node.
# class TreeNode:
#     def __init__(self, x):
#         self.val = x
#         self.left = None
#         self.right = None

class Solution:
    # @param {integer[]} preorder
    # @param {integer[]} inorder
    # @return {TreeNode}
```

```
def buildTree(self, preorder, inorder):
    if not inorder: return None
    n = preorder[0]
    i = inorder.index(n)
    preorder.remove(n)
    root = TreeNode(n)
    root.left = self.buildTree(preorder,inorder[:i])
    root.right = self.buildTree(preorder,inorder[i+1:])
    return root
```

##106. Construct Binary Tree from Inorder and Postorder Traversal (树)

- 难度: Easy

- 题意:

给定二叉树的中根遍历和后根遍历数组，要求建立起该二叉树。

- 思路:

中根遍历（左根右）、后根遍历（左右根），因此和105思路一致，利用后跟遍历中根的位置，把中遍历切割成左和右两个部分，然后递归建立左子树和右子树。

- 代码:

```
# Definition for a binary tree node.
# class TreeNode:
#     def __init__(self, x):
#         self.val = x
#         self.left = None
#         self.right = None

class Solution:
    # @param {integer[]} inorder
    # @param {integer[]} postorder
    # @return {TreeNode}
    def buildTree(self, inorder, postorder):
        if not inorder: return None
        n = postorder[-1]
        i = inorder.index(n)
        postorder.remove(n)
        root = TreeNode(n)
        root.right = self.buildTree(inorder[i+1:],postorder)
        root.left = self.buildTree(inorder[:i],postorder)
        return root
```

##118. Pascal's Triangle (三角)

- 难度: Easy

- 题意:

给定行数 numRows，生成前 numRows 行帕斯卡三角。

- 思路：

找规律。对于每一行，最左和最右一个数字是1，其他的数字有如下关系 $\text{res}[i][j] = \text{res}[i-1][j-1] + \text{res}[i-1][i]$

- 代码：

```
class Solution:  
    # @param {integer} numRows  
    # @return {integer[][]}  
    def generate(self, numRows):  
        result = []  
        for row in range(numRows):  
            tmp = [1]  
            for i in range(1, row):  
                tmp.append(result[-1][i-1] + result[-1][i])  
            if row != 0: tmp.append(1)  
            result.append(tmp)  
        return result
```

##119. Pascal's Triangle II (三角)

- 难度： Easy

- 题意：

给定一个索引k，求帕斯卡三角的第k行。

- 思路：

和上一题思路是一样的，只不过这次只需要记录上一行即可。

- 代码：

```
class Solution:  
    # @param {integer} rowIndex  
    # @return {integer[]}  
    def getRow(self, rowIndex):  
        pre = []  
        result = []  
        for row in range(rowIndex+1):  
            result = [1]  
            for i in range(1, row):  
                result.append(pre[i-1] + pre[i])  
            if row != 0: result.append(1)  
            pre = result[:]  
        return result
```

##120. Triangle (三角)

- 难度： Medium

- 题意：

给定一个三角，找到从顶端到底端路径上数字之和最小的路径。

- 思路：

典型的动态规划。我们定义 $dp[i][j]=s$ 为终点为 (i,j) 的路径之和最小为 s 。对于除第一个节点外的每个节都有两个相邻的前驱节点，因此有如下关系：

- $dp[i][j] += \min(dp[i-1][j], dp[i-1][j+1])$

- 代码：

```
class Solution:  
    # @param triangle, a list of lists of integers  
    # @return an integer  
    def minimumTotal(self, triangle):  
        for r in range(len(triangle)-2,-1,-1):  
            for i in range(0,len(triangle[r])):  
                triangle[r][i] += min(triangle[r+1][i],triangle[r+1][i+1])  
        return triangle[0][0]
```

##121. Best Time to Buy and Sell Stock (股票)

- 难度： Medium

- 题意：

给定一个数组其中第 i 个数字代表第 i 天股票的价格。假定，你只允许完成一次交易，设计算法找到最大的收益。

- 思路：

典型动态规划。我们定义 $dp[i]=s$ 表示在第 i 天卖出股票的最大收益。则有以下关系：

- 股票在第 $i-1$ 天已经卖出，我们在第 $i-1$ 天重新买入，在第 i 天重新卖出
- 之前没有进行任何交易，在第 $i-1$ 天买入，在第 i 天卖出

因此， $dp[i] = \max(dp[i-1]-\text{prices}[i-1]+\text{prices}[i], \text{prices}[i]-\text{prices}[i-1])$ 。发现 $dp[i]$ 只和 $dp[i-1]$ 有关，所有只需记录前一 dp 的值即可，不必要用数组存储。

- 代码：

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} prices  
    # @return {integer}  
    def maxProfit(self, prices):  
        if len(prices)<2: return 0  
        profit = [0]  
        maxProfit = 0  
        for i in range(1,len(prices)):  
            profit.append(max(profit[-1]+prices[i]-prices[i-1],prices[i]-prices[i-1]))  
            maxProfit=max(maxProfit,profit[-1])  
        return maxProfit
```

##122. Best Time to Buy and Sell Stock II (股票)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个数组其中第*i*个数字代表第*i*天股票的价格。你可以交易任意多次数，设计算法找到最大的收

。

- 思路:

不限制交易次数的思路反而容易得多，只要明天涨，我今天就买入，明天直接卖出。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} prices  
    # @return {integer}  
    def maxProfit(self, prices):  
        profit=0  
        for i in range(1,len(prices)):  
            if prices[i]>prices[i-1]:  
                profit+=prices[i]-prices[i-1]  
            else:  
                continue  
        return profit
```

##123. Best Time to Buy and Sell Stock III (股票)

- 难度: Hard

- 题意:

给定一个数组其中第*i*个数字代表第*i*天股票的价格。你可以交易最多2次数，设计算法找到最大的收益。

- 思路:

这道题的难度就比较大了。也是使用动态规划，但是需要把问题划分为两个子问题。*left[i]*表示第*i*天出最大的收益，*right[i]*表示第*i*天后交易的最大收益。*left[i]*的递推公式我们在121题已经给出了。*right[i]*如何求呢，*right[i]*需要重后往前遍历，维护*maxPrices=price[i:]*，*right[i]*有两种选择，在第*i*天买入或不在第*i*天买入。*right[i]=max(right[i+1],maxPrices-prices[i])*。最后*left+right*，最大值即为所求。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} prices  
    # @return {integer}  
    def maxProfit(self, prices):  
        if len(prices)<2: return 0  
        left=[0]  
        right=[0]  
        for i in range(1,len(prices)):  
            left.append(max(prices[i]-prices[i-1],prices[i]-prices[i-1]+left[-1]))  
        maxPrices = prices[-1]  
        for i in range(len(prices)-2,-1,-1):  
            maxPrices = max(maxPrices,prices[i])
```

```
    right.insert(0,max(right[0],maxPrices-prices[i]))
left = [left[i]+right[i] for i in range(len(prices))]
return max(left)
```

##128. Longest Consecutive Sequence (查找)

- 难度: Hard

- 题意:

给定一个未排序数组，找到最长连续序列。

- 思路:

这道题的难度在于，对每个数向前先后搜索的复杂度太高。因此为了方便查找，我使用集合来存储这数组。每次拿到一个数字，循环向左和先有搜索，每次搜索到就从集合中删除，继续向两侧搜索。

- 代码:

```
class Solution(object):
    def longestConsecutive(self, nums):
        """
        :type nums: List[int]
        :rtype: int
        """

        self.s = set(nums)
        res=0
        while self.s:
            n=self.s.pop()
            res = max(self.search(n-1,True)+self.search(n+1,False)+1,res)
        return res

    def search(self,n,asc):
        res=0
        while n in self.s:
            self.s.remove(n)
            res+=1
            if asc:n-=1
            else:n+=1
        return res
```

##152. Maximum Product Subarray (子集)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个数组，找到乘积最大的子数组。

- 思路:

这道题第一反应就是动态规划。但是这里头注意有个坑：负负得正。因此还得记录最小值。其他的就常规了。

- 代码:

```

class Solution:
    # @param {integer[]} nums
    # @return {integer}
    def maxProduct(self, nums):
        if not nums: return 0
        if len(nums) == 1: return nums[0]
        result = maxP = minP = nums[0]
        for n in nums[1:]:
            minP, maxP = min(n, minP * n, maxP * n), max(n, minP * n, maxP * n)
            result = max(result, maxP)
        return result

```

##162. Find Peak Element (查找)

- 难度: Medium

- 题意:

极值元素指一个元素大于其邻居元素。给定一个输入数组，其中 $num[i] \neq num[i+1]$,找到极值并返回索引。数组可能包含多个极值，这种情况下，返回任意极值点索引即可。假定 $num[-1]$ 和 $num[n]$ 无限。

- 思路:

罪过，我又是线性探索了。

- 代码:

```

class Solution(object):
    def findPeakElement(self, nums):
        """
        :type nums: List[int]
        :rtype: int
        """

        if not nums: return None
        if len(nums) == 1: return 0
        if nums[1] < nums[0]: return 0
        if nums[-2] < nums[-1]: return len(nums)-1
        for i in range(1, len(nums)-1):
            if nums[i-1] < nums[i] > nums[i+1]:
                return i

```

- 思路2:

这道题其实很神奇，由于 $num[-1]$ 是无限小，则有 $num[-1] < num[0]$ 。我们假定不存在极值，则有对每个 i , $num[i] < num[i+1]$ ，然而题目设定 $num[n]$ 无限小，则 $num[n-2] < num[n-1] > num[n]$ ，出现值。则可知，该数组必定存在极值，且出现在第一个 $num[i] > num[i+1]$ 的点。因此我们用二分查找即。

- 代码:

```

class Solution(object):
    def findPeakElement(self, nums):
        low, high = 0, len(nums)-1
        while low <= high:

```

```
if low==high:  
    return low  
mid = (low+high)//2  
if num[mid]<num[mid+1]:  
    low+=1  
else:  
    high=mid
```

##169. Majority Element (众数)

- 难度: Easy

- 题意:

给定一个长度为n的数组，找出其中的众数。众数是指出现超过 $n/2$ （向下取整）的数。假定数组不为且必定存在众数。

- 思路:

抵消法，不必要记录每个数字出现的次数，只需要记录目前出现最多次的数字及次数，若出现其他数即次数-1。最后记录的数字即为众数。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} nums  
    # @return {integer}  
    def majorityElement(self, nums):  
        count=0  
        for n in nums:  
            if count==0:  
                result,count=n,count+1  
            else:  
                if n==result:count+=1  
                else:count-=1  
        return result
```

##229. Majority Element II (众数)

- 难度: Medium

- 题意:

给定一个数组，求所有出现次数超过 $n/3$ （向下取整）的数字。要求在线性时间和常数级空间内解决。

- 思路:

出现超过 $n/3$ 的数字最多只可能出现2个。我们使用a,ca,b,cb分别记录出现最多两个数字以及次数。这的次数不是总次数，而是采用和169一样抵消法后得到的。最后还需要再次确认这两个数字是否出现数超过 $n/3$

- 代码:

```
class Solution(object):
```

```

def majorityElement(self, nums):
    """
    :type nums: List[int]
    :rtype: List[int]
    """

    result=[]
    a=b=ca=cb=0
    for n in nums:
        if n==a:ca+=1
        elif n==b:cb+=1
        elif ca==0:
            a,ca=n,ca+1
        elif cb==0:
            b,cb=n,cb+1
        else:
            ca,cb=ca-1,cb-1
    ca=cb=0
    for n in nums:
        if n==a:ca+=1
        elif n==b:cb+=1
    l = len(nums)//3
    if ca > l:result.append(a)
    if cb> l:result.append(b)
    return result

```

##209. Minimum Size Subarray Sum （子数组）

- 难度： Medium

- 题意：

给定一个由n个正整数组成的数组和正整数s，求和大于s的最短子串长度。如果不存在，返回0。

- 思路：

使用两个下标的滑动窗口。维护窗口内数字之和恰好大于s。若大于s，记录最小长度，左下标右移。下标右移至大于s为止。

- 代码：

```

class Solution:
    # @param {integer} s
    # @param {integer[]} nums
    # @return {integer}
    def minSubArrayLen(self, s, nums):
        if not nums:return 0
        minL= 2**31
        total=i=j=0
        while i<=j and j<len(nums) and total<s:
            total+=nums[j]
            while i<=j and total>=s:
                minL = min(minL,j-i+1)
                total-=nums[i]
                i+=1

```

```
j+=1  
return 0 if minL==2**31 else minL
```

##217. Contains Duplicate (查找重复)

- 难度: Easy

- 题意:

判断一个数组是否存在重复数字

- 思路:

直接用set存储就可以了。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} nums  
    # @return {boolean}  
    def containsDuplicate(self, nums):  
        numset = set()  
        la = 0  
        for i in range(len(nums)):  
            if nums[i] in numset:  
                return True  
            numset.add(nums[i])  
        return False
```

##219. Contains Duplicate II (查找重复)

- 难度: Easy

- 题意:

给定一个数组和正整数k，求是否存在 $\text{nums}[i] == \text{nums}[j]$ ，且i和j的间隔最多为k

- 思路:

把 (value, index) 作为哈希表的键值对。在哈希表中查找 $\text{nums}[i]$ ，取得相等数字的索引j，再进行比较。

- 代码:

```
class Solution:  
    # @param {integer[]} nums  
    # @param {integer} k  
    # @return {boolean}  
    def containsNearbyDuplicate(self, nums, k):  
        numDir = {}  
        length = len(nums)  
        for i in range(length):  
            j = numDir.get(nums[i])  
            if j!=None and i-j<=k:
```

```
        return True
    else:
        numDir[nums[i]] = i
    return False
```

##228. Summary Ranges

- 难度: Easy

- 题意:

给定一个数组，返回该数组的概要。如： 输入[0,1,2,4,5,7]，输出 ["0->2", "4->5", "7"]。

- 思路：

题目就是要把相邻数字归为一组。方法比较常规，做线性探索即可。

- 代码：

```
class Solution(object):
    def summaryRanges(self, nums):
        """
        :type nums: List[int]
        :rtype: List[str]
        """

        result = []
        if not nums: return result
        begin = None
        for i, n in enumerate(nums):
            if begin == None:
                begin = n
            else:
                if n != nums[i-1] + 1:
                    result.append(self.toString(begin, nums[i-1]))
                    begin = n
        result.append(self.toString(begin, nums[-1]))
        return result

    def toString(self, begin, end):
        if begin == end:
            return str(begin)
        return str(begin) + '->' + str(end)
```

##238. Product of Array Except Self

- 难度: Easy

- 题意:

给定一个数组num，要求返回一个数组output，其中output[i]=除了num[i]之外所有数字的乘积。

- 思路：

定义up[i]=num[:i]的乘积,down[i]=down[i+1:]的乘积。因此从前和从后分别遍历一次即可求得up和

own。up*down即为题目所求。

- 代码：

```
class Solution(object):
    def productExceptSelf(self, nums):
        """
        :type nums: List[int]
        :rtype: List[int]
        """
        if not nums: return nums
        up=[1]
        down=[1]
        for i in range(1,len(nums)):
            up.append(up[-1]*nums[i-1])
        for i in range(len(nums)-2,-1,-1):
            down.append(down[-1]*nums[i+1])
        down=down[::-1]
        up = [up[i]*down[i] for i in range(len(up))]
        return up
```

##268. Missing Number (查找)

- 难度： Medium

- 题意：

给定长度为n的数组（不包含重复数字），其中数字的范围0到n。找到其中缺失的数字。

- 思路：

0到n总共n-1个数字求和，减去数组之和即为所求。

- 代码：

```
class Solution(object):
    def missingNumber(self, nums):
        """
        :type nums: List[int]
        :rtype: int
        """
        l,s = len(nums),sum(nums)
        ss = l*(l+1)//2
        return ss-s
```

##287. Find the Duplicate Number (查找)

- 难度： Hard

- 题意：

给定一个长度为n+1的数组，其中数字的范围是1到n，则至少有一个重复的数字。求该数组中重复的字。要求不得改变数组顺序，辅助空间只有O (1)，时间复杂度必须小于O(n^2)。

- 思路：

由于可能存在大于2个的重复，因此直接求和的方法就行不通了。排序不允许，哈希表也不允许。这有一种很巧妙的方法，由于数字的范围是1到n。若不存在重复数字，则大于 $n/2$ 的数字有 $n/2$ 个，小于 $/2$ 的数字有 $n/2$ 个。基于此，也可以进行类似于二分查找的方法。

- 代码：

```
class Solution(object):
    def findDuplicate(self, nums):
        """
        :type nums: List[int]
        :rtype: int
        """
        low,high=1,len(nums)-1
        while low<=high:
            if low==high:
                return low
            mid=(high+low-1)//2
            count=0
            for n in nums:
                if low<=n<=mid:
                    count+=1
            if count>(high-low+1)//2:
                high=mid
            else:
                low=mid+1
```

##289. Game of Life

- 难度： Medium

- 题意：

给定一个二维数组表示细胞，其中1代表活，0代表死。细胞的状态迁移受到8个邻居状态的影响，具如以下规则：

- 活细胞邻居少于2个活细胞，则死
- 活细胞邻居有2或3个活细胞，则活
- 活细胞邻居有大于3个活细胞，这死
- 死细胞邻居恰有3个活细胞，则活

要求就地求出该二维数组的下一状态。

- 思路：

由于有求就地，我们必须想办法标记各个细胞的状态。我的办法是记录以该细胞为中心的9个细胞（括自己）的活细胞数c，若该细胞是活细胞则用c代表状态，若该细胞是死细胞则用-c代表状态。然后遍历一遍，根据规则更新细胞。网上也有用00,01,10,11表示细胞现状态和下一状态的，也是很方便。

- 代码：

```
class Solution(object):
```

```
def gameOfLife(self, board):
    """
    :type board: List[List[int]]
    :rtype: void Do not return anything, modify board in-place instead.
    """
    n,m=len(board),len(board[0])
    for i in range(n):
        for j in range(m):
            count=0
            for ii in (-1,0,1):
                for jj in (-1,0,1):
                    if 0<=i+ii<n and 0<=j+jj<m:
                        if board[i+ii][j+jj]>0:
                            count+=1
            board[i][j]=count if board[i][j]>0 else 0-count

    for i in range(n):
        for j in range(m):
            if board[i][j] in (1,2):
                board[i][j]=0
            elif board[i][j] in (3,4):
                board[i][j]=1
            elif board[i][j]>4:
                board[i][j]=0
            elif board[i][j]==-3:
                board[i][j]=1
            else:
                board[i][j]=0
```